

$\Rightarrow c = a \cdot q, q \in \mathbb{Z} \therefore a/c$ , como queremos probar.

2.  $4^{38} \equiv_3 1^{38}$ , pues  $4 \equiv_3 1 \Rightarrow 4^{38} \equiv_3 1^{38}$   
 $\Rightarrow 4^{38} \equiv_3 1 \therefore r_3(4^{38}) = \boxed{1}$  (pues  $0 \leq 1 < 4$ )

3.  $a \equiv_5 12, \Rightarrow a \equiv_5 2$

$22 \cdot a^3 + 2a^2 - 196a + 3 \equiv_5 2 \cdot 2^3 + 2 \cdot 2^2 - 1 \cdot 2 + 3, (*)$

donde usé que:  $22 \equiv_5 2, +196 \equiv_5 1, a \equiv_5 2$ , y las

- prop.: •  $a \equiv_m b \Rightarrow a^m \equiv_m b^m$   
•  $a \equiv_m b \Rightarrow a+c \equiv_m b+c$   
•  $a \equiv_m b \Rightarrow a \cdot c \equiv_m b \cdot c$

En (\*):  $2 \cdot 2^3 + 2 \cdot 2^2 - 2 + 3 \equiv_5 16 + 8 - 2 + 3 \equiv_5 25 \equiv_5 0$

$\therefore$  el resto es  $\boxed{r=0}$

Ej 4)

1.  $A = \{z \in \mathbb{C} / |z-i| \leq 2\}$   $\rightarrow$  Circunferencia de radio 2 (y su interior) centrada en  $z_0 = i$

$B = \{z \in \mathbb{C} / |z-i| \leq 4\}$   $\rightarrow$  Circ. de  $R=4$  (y su int.) centrada en  $z_0 = i$